

㊦ 下の図のように、平行な2直線 l , m がある。 l 上に2点 A, B をとり、点 A から直線 m に垂線 AC をひき、線分 AC の中点を D とする。2点 B, D を通る直線と直線 m との交点を E とする。さらに、 $\angle BDF = 90^\circ$ となるように、直線 m 上に点 F をとり、点 B と F を結ぶ。

このとき、 $\triangle BEF$ が二等辺三角形となることの証明を、次の [] の中に途中まで示してある。

[(a)], [(b)] に入る最も適当なものを、あとの選択肢のア~カのうちからそれぞれ1つずつ選び、符号で答えなさい。また、[(c)] には証明の続きを書き、証明を完成させなさい。

ただし、[] 中の①~④に示されている関係を使う場合、番号の①~④を用いてもかまわないものとする。

証明

$\triangle ABD$ と $\triangle CED$ において、
 仮定より、
 $AD = CD \dots\dots ①$

$l \parallel m$ より、
 平行線の [(a)] は等しいので、
 $\angle BAD = \angle ECD = 90^\circ \dots\dots ②$

対頂角は等しいので、
 $\angle ADB = [(b)] \dots\dots ③$

①, ②, ③より、
 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいので、
 $\triangle ABD \equiv \triangle CED \dots\dots ④$

(c) 次に、 $\triangle BDF$ と $\triangle EDF$ において、

選択肢

- ア 錯角 イ 同位角 ウ 対頂角 エ $\angle ECD$ オ $\angle DEC$ カ $\angle CDE$

【答】 (a) ア (b) カ (c) (次に、 $\triangle BDF$ と $\triangle EDF$ において、) ④より、 $BD = ED \dots\dots ⑤$ 共通の辺なので、 $DF = DF \dots\dots ⑥$ 仮定より、 $\angle BDF = \angle EDF = 90^\circ \dots\dots ⑦$ ⑤, ⑥, ⑦より、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle BDF \equiv \triangle EDF$ よって、 $BF = EF$ $\triangle BEF$ の2辺が等しいので、 $\triangle BEF$ は二等辺三角形となる。